مــن إعداد الإستــاذ: نـــصري عبد الــرحمان والإستــاذة: قــــاتل -هـ جــذع مشتــر ك عــلوم و تـــكنــولــوجيـــا

الأعداد والحساب

من إعداد الاستاذ: ننصري عبد البرجماي والاستــاذة: قــــاتل -هـــ

جــــخع مشتـــر که عــــلوم و تــــکنــولــوجيـــا

المستباينات والحصر

الحصر والمحالات

التمربن الأول

لیکن x عدد حقیقی حیث : 1 > 1 قارن بین کل عددین فیما یلی:

$$(1-x)^{2} \circ (2-3x)^{2} \circledast (x+1)^{2} \circ (x+2)^{2} \circledast$$

$$\sqrt{x+\frac{157}{50}} \circ \sqrt{x+\pi} \circledast \sqrt{x+9} \circ \sqrt{x+8} \circledast$$

التمرين الثاني

عدد حقيقي حيث: $\frac{3}{2} < x < 2$ رتب الاعداد في كل حالة:

$$(2x-3)^3$$
 و $(2x-3)^2$ و $2x-3$ الحالة الاولى:

. $(4x+1)^3$ و $(4x+1)^2$ و 4x+1

التمرين الثالث

دون استعمال الآلة الحاسبة قارن مع التبرير كل عددين فيما يلي:

.
$$-10^{-1}$$
 9 -10^{-2} **7**

التمرين 4 نفس سؤال التمرين السابق:

$$\frac{1}{3\sqrt{2}} \circ \frac{1}{2\sqrt{3}}$$
 9 $\frac{1}{3\sqrt{5}} \circ \frac{1}{5\sqrt{3}}$ **0**

$$\frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} \circ \sqrt{3} + \sqrt{2} \bullet$$

$$\sqrt{4\sqrt{3}+9}$$
 $2+\sqrt{3}$ **6** $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{10}-3}$ $2\sqrt{5}+3\sqrt{2}$ **4**

$$\sqrt{10+6\sqrt{2}}$$
 و $3+\sqrt{2}$ **6**

$$\sqrt{11+2\sqrt{35}}$$
 و $12+2\sqrt{35}$

$$\sqrt{1-10^{-18}}$$
 9 $\sqrt{1-10^{-19}}$ 8

التمرين 5

-2 < x < 3 ليكن x عدد حقيقى حيث:

أوجد حصرا لكل من العبارات التالية:

$$3-2x$$
 4 $-x+\sqrt{2}$ **8** $7x-4$ **2** $3x+2$ **1**

$$\frac{1}{7-x}$$
 • $\frac{4}{3x-16}$ • $\frac{1}{2x+6}$ • التمرين 6

ي عدد حقيقي حيث: $0 \le y \le 2$ ، استنتج حصرا لكل من:

.
$$10 - y^2$$
 4 $y^3 + 84$ 8 $y^2 - 4$ 9 y^2 1

.
$$10 - y^2$$
 4 $y^3 + 84$ **8** $y^2 - 4$ **2** y^2 **1** $\frac{3}{2 - y^2}$ **6** $\frac{1}{y^2 + 1}$ **6** $\sqrt{y + 2}$ **6**

$$\begin{cases} -1 < x < 1 \\ & \text{e.i.} \end{cases}$$
 by $y < 2$

$$. -x - y \stackrel{\wedge}{\Rightarrow} x + 8y \stackrel{\wedge}{\Rightarrow} 8x + y \stackrel{\wedge}{\Rightarrow} x + y \stackrel{\wedge}{\Rightarrow}$$

$$x + 2y^2$$
 $\Rightarrow 2x - 3y$ $\Rightarrow y - x$ $\Rightarrow x - y$

التمرين 8

. 1 < y < 4 و 2 < x < 5 عددان حقيقيان حيث: x < 5

i equation
$$x = x + 3$$
 in $x = x + 3$ in $x = x +$

التمرين 9

في كل حالة من الحالات الآتية عيّن تقاطع واتحاد كل مجالين:

.
$$[-5;4]$$
 و $[3;8]$ **2** $[1;5]$ و $[-1;3]$ **1**

.]
$$-2; \frac{3}{2}$$
] $[\sqrt{2}; +\infty[$ **4**] $-\infty; \frac{1}{2}$] $[-2; +\infty[$ **6**

.]
$$-\infty$$
; 4] و $[4;+\infty[$ **(3)** $[\sqrt{2};+\infty[$ و $]-4;1]$

.]
$$-4;5$$
] و $]-\infty;+\infty$ [(3) $]-\infty;3$] و $]3;+\infty$ [(7)

التمرين10

أكتب كل من المتباينات على شكل مجال:

$$x < 0$$
 و $x > 1$ **3** . $x < 4$ و $x \ge 2$ **2** $x \ge 5$ و $x \ge 2$

$$x > \frac{3}{2}$$
 0 $x \le \sqrt{3}$ **6** $x > -1$ 0 0 0 0 0 0 0

التمربن الرابع

المالقة: المالة دون استعمال رمز القيمة المطلقة:

$$A = |x+4| + |x-2|$$

$$B = |x - 1| - |x - 3|$$
 2

$$C = |x-3| + 2|x-4|$$
 3

استنتج حلول المعادلات:

$$|x+4| + |x-2| = 6$$

$$B = |x - 1| = |x - 3| + 2$$

$$C = |x-3| + 2|x-4| = 5$$

التمرين الخامس

p(x) = |2x - 3| - 5 عدد حقيقي نعتبر العبارة: x

$$P(\sqrt{5})$$
 و $P(0)$ ، $P(-2)$ ، $P(\frac{1}{2})$ و \bullet

$$P(x) = x$$
 عين قيم x بحيث: 2

$$P(x) = 2$$
 و $x \le \frac{3}{2}$ عين قيم x بحيث: \mathfrak{g}

$$P(x) \le 2x - 5 \quad \bullet$$

$$P(x) \le 10^{-3}$$
 و $x \ge \frac{3}{2}$ بحيث: 4

التمرين السادس

A(x) = 3|x+2|-3|x-3| عدد حقيقى نعتبر العبارة: x

$$A(\sqrt{3}+5)$$
 و $A(2-\sqrt{5})$ أحسب 1

$$P(x) = x + 2$$
 و $2 \le x \le 3$ عين قيم x بحيث: 3

$$P(x) > 3$$
 عين قيم x بحيث: 3 $\pm x \leq 3$ عين قيم x

التمرين السابع

x عدد حقیقی

$$P(x) = |x-2| \times |x+3|$$
 بسط العبارة التالية: 1

$$P(x) = -x^2$$
 عين قيم x بحيث: 2 $x \le 2$ عين قيم x

$$P\left(\frac{\sqrt{3+5}}{3}\right)$$
 و $P(1-\sqrt{2})$ و Θ

البجاع قمة لايرتقي سلمها إلا أصحاب الحمم العلية لأن همم تقورهم للمواصلة وإن تعثرت خطهم

القيمتر المطلقتر والمحالات

تُلَكِين: $a \neq 0$ عددان حقيقيان حيث $a \neq 0$ إشارة ثنائي $a \neq a$ الحد a + b هي:

x	$-\infty$	$-\frac{b}{a}$	+∞
إشارة ax + b	عكس إاشارة a	، إشارةa 0	نفس

التمرين الأول حل في ® المتراجعات التالية:

$$|x+2| < 2 \%$$
 $|x| > \sqrt{3} \%$ $|x| > 1 \% |-x| \le \frac{1}{2} \%$

$$||1-x|| > 1$$
 $||3+x|| > 2$ $||x-1|| < 4$ $||x-3|| > 2$ $||5-x|| < \frac{1}{2}$

التمرين الثاني

x: x عدد حقیقی علما أن x > |x-2| ،قم بحصر كل من x = x + 1

هل يتغير حصر العبارات السابقة؟مع إذا كان |2-x| < 3 ، هل يتغير حصر العبارات السابقة؟مع التعليل.

التمرين الثالث x عدد حقيقي، أتم الجدول التالى:

			- +-
الحصر	المجال	المسافة	القيمة المطلقة
$1 \le x \le 5$	<i>x</i> ∈	<i>d</i> (;) ≤	≤
0 < x < 3			
-2 < x < 2			
		d(x;3) < 2	
		d(1;x) > 1	
		d(x; -2) < 3	
			$ x < \sqrt{2}$
			$ x-1 \ge 1$
			$\left x+\frac{3}{2}\right < \frac{1}{2}$

الحصر والمجالات

حل التمرين الأول

المقارنة بين كل عددين مما يلي

$$(x+1)^2$$
 و $(x+2)^2$

0 < x + 1 < x + 2 . فإنّ x > 1 بما أن

 $(x+1)^2 < (x+2)^2$ بتربيع الأطراف الموجبة نجد:

$$(1-x)^2$$
 و $(2-3x)^2$

2x > x لدينا: x > 1 من أجل كل عدد حقيقى

-2x < -x نجد: (-1) نجد: (-1) نجد: (-1) نجد: (-1) نجد: (-1) نجد: (-1)

2-2x < 2-x بإضافة العدد (2+) إلى الطرفين نجد:

-x < -1 ولدينا أيضا: x > 1 معناه

بجمع المتباينتين طرفا لطرف نجد:

$$2 - 3x < 1 - x < 0$$

 $(2-3x)^2 < (1-x)^2$ بتربيع الأطراف السالبة نجد:

$$\sqrt{x+9}$$
 و $\sqrt{x+8}$

0 < x + 8 < x + 9 . فإنّ x > 1 بما أن:

 $\sqrt{x+8} < \sqrt{x+9}$ بأخذ الجذر التربيعي للأطراف الموجبة نجد:

$$\sqrt{x + \frac{157}{50}}$$
 9 $\sqrt{x + \pi}$ %:

 $\frac{137}{50} < \pi$ لدينا: $\frac{157}{50} < \pi$

 $0 < x + \frac{157}{50} < x + \pi$ ومنه:

 $\sqrt{x + \frac{157}{50}} < \sqrt{x + \pi}$ نجد: الجذر التربيعي للأطراف الموجبة نجد:

حل التمرين الثاني

🕮 الحالة الاولى:

 $\frac{3}{2} < x < 2$ لدينا:

3 < 2x < 4 نجد: 4 الموجب يالضرب في العدد

0 < 2x - 3 < 1 نجد: (-3) بإضافة العدد

منه:

 $(2x-3)^3 < (2x-3)^2 < (2x-3)$

🕮 الحالة الثانية:

 $\frac{3}{2} < x < 2$ لدينا:

6 < 4x < 8 نجد: 8 > 4 بالضرب في العدد الموجب

1 < 7 < 4x + 1 < 9 بإضافة العدد 1 نجد:

 $(4x+1)^3 > (4x+1)^2 > (4x+1)$ ومنه:

حل التمرين الثالث

مقارنة كل عددين دون استعمال الآلة الحاسبة ومع التبرير:

المارنة بين المقام ، إذن تبقى فقط المقارنة بين $\frac{3}{72} < \frac{5}{72}$

الأستاذ: نصري عبد البرجمان

 $-\frac{105}{47} < \frac{151}{68}$ (العدد السالب دوما أقل من أي عدد موجب) $-\frac{105}{47} < \frac{151}{68}$

ربما أن: 17 < 28 فإن: $\frac{1}{17} < \frac{1}{28} < \frac{1}{17}$ (بالضرب في العددالموجب 13 نتحصّل على النتيجة)

 $-10^{-2} < -10^{-1}$

: بما أن : $10^1 < 10^2$ بأخذ مقلوب الطرفين: $10^1 < 10^2$ أي:) بما أن : $10^1 < 10^2$ أي: $10^{-1} > 10^{-2}$

 $-10^{-2} < -10^{-1}$ نجد: (-1) نجد العدد السالب ومنه بالضرب في العدد السالب

حل التمرين 4

نفس سؤال التمرين السابق:

 $\frac{1}{3\sqrt{5}} > \frac{1}{5\sqrt{3}} \bullet$

التبرير: لدينا: $\sqrt{75} = \sqrt{25}\sqrt{3} = \sqrt{25}\sqrt{3} = 5\sqrt{3}$ و

$$3\sqrt{5} = \sqrt{9}\sqrt{5} = \sqrt{9\times5} = \sqrt{45}$$

ومنه: $\sqrt{45} < \sqrt{75}$ أي: $\sqrt{45} < \sqrt{75}$

بأخذ مقلوب الطرفين نتحصّل على النتيجة

التبرير: بنفس طريقة التبرير السابق. $\frac{1}{3\sqrt{2}} < \frac{1}{2\sqrt{3}}$

 $\sqrt{3} + \sqrt{2} = \frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$

$$2\sqrt{5} + 3\sqrt{2} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{10} - 3}$$

تلميح: لتبرير كل من: 8 و 9 يكفي ضرب الكسر في مرافق المقام.

$$\sqrt{9+4\sqrt{3}} > 2+\sqrt{3}$$
 6

$$2+\sqrt{3}=\sqrt{(2+\sqrt{3})^2}=\sqrt{7+2\sqrt{3}}$$
 التبرير: لدينا:

$$9+4\sqrt{3}>7+2\sqrt{3}$$
 ويما أن:

$$\sqrt{9+4\sqrt{3}} > \sqrt{7+2\sqrt{3}}$$
 فإن:

$$\sqrt{9+4\sqrt{3}} > 2+\sqrt{3}$$
 ومنه نستنتج أن:

$$\sqrt{10 + 6\sqrt{2}} = 3 + \sqrt{2} \ \mathbf{6}$$

$$\sqrt{11+2\sqrt{35}} < 12+2\sqrt{35}$$

التبرير: بنفس الطريقة السابقة.

$$\sqrt{1-10^{-18}} < \sqrt{1-10^{-19}}$$
 8

 $1-10^{-19}$ تلميح: يكفي المقارنة بين: $1-10^{-18}$ و

حل التمرين 5

3x + 2 حصر **1**

-2 < x < 3 لدينا:

-6 < 3x < 9 نجد: 9 العدد الموجب الضرب في العدد الموجب

-4 < 3x + 2 < 11 بإضافة العدد: 2 نجد:

ملاحظة: الأمثلة: ◊ ، ◊ ، ك تحل بنفس الطريقة.

 $\frac{1}{7-x}$ حصر:

-2 < x < 3 لدينا:

2 > -x > -3 نجد: (-1) بضرب المتباينة في العدد السالب:

9 > 7 - x > 4 بإضافة العدد: 7 نجد:

 $\frac{1}{9} < \frac{1}{2}$ بأخذ مقلوب أطراف المتباينة (الأطراف لها نفس الإشارة)نجد:

 $\frac{1}{7-x} < \frac{1}{4}$

الأمثلة 6 و 6 تحل بنفس الطريقة.

حل التمرين 6

 $10 - y^2$ حصر **4**

 $2 \le y \le 6$ لدينا:

 $-2 \ge -y \ge -6$:بالضرب في العدد السالب (1-) نجد:

 $8 \ge 10 - y \ge 4$ بإضافة العدد 10 نجد:

 $\frac{3}{2-y^2}$:حصر

 $2 \le y \le 6$ لدينا:

 $-2 \ge -y \ge -6$ بالضرب في العدد السالب (1-) نجد:

 $0 \ge 2 - y \ge -4$ بإضافة العدد 2 نجد:

 $\frac{1}{y-2} \le -\frac{1}{4}$ بأخذ المقلوب نجد:

حل التمرين 7

-1 < x < 1و y عددان حقیقیان حیث: x < y < 2

-x-y حصر

بضرب كل من المتباينتين في العدد السالب (-1) نجد: $\left\{ \begin{array}{l} 1>-x>-1 \\ \\ -1>-y>-2 \end{array} \right.$

0 > -x - y > -3 بالجمع طرفا لطرف نجد:

-3 < -x - y < 0 أو

 $x+2y^2$ حصر: $x+2y^2$

 $1 < y^2 < 4$ نجد: 1 < y < 2 بتربيع المتباينة

 $2 < 2y^2 < 8$ نجد: 8 الموجب العدد الموجب بالضرب في العدد الموجب

 $1 < x + 2y^2 < 9$ نجد: -1 < x < 1 بالجمع مع المتباينة

حل التمرين 8

 $1 < x < 5 \tag{A}$

 $1 < \gamma < 4 \tag{B}$

 $N = 3x - \sqrt{y}$:حصر

بضرب المتباينة (A) في العدد الموجب 3 نجد:

3 < 3x < 15 (C)

 $1 < \sqrt{y} < 2$ نجد: (B) نجد: (B) بأخذ الجذر التربيعي لأطراف المتباينة (B) نجد: بالضرب في العدد السالب (D) نجد:

 $-2 < -\sqrt{y} < -1 \quad (D)$

 $1 < 3x - \sqrt{y} < 14$ بجمع المتباينتين: (C) و (C) بجمع المتباينتين

 $M = \frac{x^2 - x}{4} :$

بتربيع أطراف المتباينة (A) نجد:

 $1 < x^2 < 25$ (C)

بضرب أطراف المتباينة (A) في العدد السالب (-1)نجد:

-5 < -x < -1 (D)

 $-4 < x^2 - x < 24$ بجمع المتباينتين (C) و (C) نجد: $-1 < \frac{x^2 - x}{4} < 6$ نجد: $-1 < \frac{x^2 - x}{4} < 6$ نجد: $-1 < \frac{x^2 - x}{4} < 6$

 $P = \frac{(x-6)^2}{1-\sqrt{x+y}}$:

-5 < x - 6 < -1 بإضافة العدد (-6) إلى طرفي المتباينة

 $25 > (x-6)^2 > 1$ بتربيع الإطراف السالبة نجد:

 $1 < (x-6)^2 < 25$ (C) : أي

2 < x + y < 9 بجمع (B) و (B) و بجمع (A) بجمع

 $\sqrt{2} < \sqrt{x+y} < 3$ بأخذ الجذر التربيعي للأطراف نجد:

 $-3 < -\sqrt{x+y} < -\sqrt{2}$:بالضرب في العدد السالب (1-) نجد $-2 < 1 - \sqrt{x+y} < 1 - \sqrt{2}$ بإضافة العدد 1 نجد:

بأخذ مقلوب الأطراف نجد: $\frac{1}{1-\sqrt{2}} < \frac{1}{1-\sqrt{x+y}} < \frac{-1}{2} \quad (D)$ المتباينتين: (C) و (D) مباشرة (ليست كل الحدود موجبة)

بضرب أطراف المتباينة (D) في (-1) نجد:

$$\frac{1}{2} < -\frac{1}{1 - \sqrt{x + y}} < \frac{1}{\sqrt{2} - 1} \quad (E)$$

 $\frac{1}{2} < -\frac{(x-6)^2}{1-\sqrt{x+y}} < \frac{25}{\sqrt{2}-1}$ نجد: (E) و (C) بضرب المتباينتين

$$\frac{-y^2 + x^3}{\sqrt{\frac{xy}{5}}}$$

 $1 < x^3 < 125$ نجد (A) بتكعيب المتباينة

 $-16 < -y^2 < -1$ نجد: (-1) وضربها في (B) بتربيع المتباينة

 $-15 < -y^2 + x^3 < 124$ (C) بجمع المتباينتين طرفا لطرف نجد:

1 < xy < 20 نجد: (B) و (A) بضرب المتباينتين

 $\frac{1}{5} < \frac{xy}{5} < 4$ نجد: الموجب بالضرب في العدد الموجب

بأخذ الجذر التربيعي للأطراف نجد:

$$\sqrt{\frac{1}{5}} < \sqrt{\frac{xy}{5}} < 2$$

 $\frac{1}{2} < \frac{1}{\sqrt{\frac{xy}{E}}} < \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{E}}}$ (D) بأخذ مقوب الأطراف نجد:

نلاحظ أنه لانستطيع ضرب المتباينتين $\stackrel{\text{v}}{(C)}$ و $\stackrel{\text{v}}{(C)}$ مباشرة، إذن:

 $0 < y^2 - x^3 < 15$: $0 < y^2 - x^3 < 15$: $0 < -y^2 + x^3 < 0$: $0 < \frac{y^2 - x^3}{\sqrt{\frac{xy}{5}}} < \frac{15}{\sqrt{\frac{1}{5}}}$: ومنه بالضرب نجد: $0 < \frac{-15}{\sqrt{\frac{1}{5}}} < \frac{-y^2 + x^3}{\sqrt{\frac{xy}{5}}} < 0$: نجد: $0 < \frac{-y^2 + x^3}{\sqrt{\frac{xy}{5}}} < 0$: نجد: $0 < \frac{-y^2 + x^3}{\sqrt{\frac{xy}{5}}} < 0$

 $0 < \frac{-y^2 + x^3}{\sqrt{\frac{xy}{5}}} < \frac{124}{\sqrt{\frac{1}{5}}}$ بضرب المتباينتين طرفا لطرف نجد:

 $\frac{-15}{\sqrt{\frac{1}{5}}} < \frac{-y^2 + x^3}{\sqrt{\frac{xy}{5}}} < \frac{124}{\sqrt{\frac{1}{5}}}$

حل التمرين 9

 $[-1;3] \cap [1;5] = [1;3]$ **①** $[-1;3] \cup [1;5] = [-1;5]$

 $[3;8] \cup [-5;4] = [-5;8]$ $[3;8] \cap [-5;4] = [3;4]$

 $[-2; +\infty[\cup] -\infty; \frac{1}{2}] = 0$ $[-2; +\infty[\cap] -\infty; \frac{1}{2}] = [-2; \frac{1}{2}]$

 $]-\infty;+\infty[=\mathbb{R}$

- $[\sqrt{2}; +\infty[\cup]-2; \frac{3}{2}] = 0$ $[\sqrt{2}; +\infty[\cap]-2; \frac{3}{2}] = [\sqrt{2}; \frac{3}{2}]$ $]-2;+\infty[$
- $]-4;1] \cup [\sqrt{2};+\infty[=]-4;1] \cup [-4;1] \cap [\sqrt{2};+\infty[=\phi \ \mathbf{6}]$ $[\sqrt{2};+\infty[$
 - $[4;+\infty[\cup]-\infty;4]=\mathbb{R}$ 9 $]-\infty;4]\cap[4;+\infty[=\{4\}\$ **6**
 - $]-\infty;3]\cap]3;+\infty[=\phi \ \mathbf{0}$

 $]-\infty;3]\cup]3;+\infty[=\mathbb{R}$

 $]-4;5]\cap]-\infty;+\infty[=\mathbb{R}$ $]-4;5]\cap]-\infty;+\infty[=]-4;5]$ **8**

حل التمرين10

- $x \in]-2; +\infty[\cap[5; +\infty[=[5; +\infty[$
 - $x \in]-\infty; 4[\cap[2; +\infty[=[2; 4[$ **2**
 - $x \in]-\infty;0[\cap]1;+\infty[=\phi$
 - $x \in]-\infty;0]\cup]0;+\infty[=\mathbb{R} \ \mathbf{4}$
- $x \in]-1; +\infty[\cup]3; +\infty[=]-1; +\infty[$
 - $x \in]-\infty; \sqrt{3}] \cup]\frac{3}{2}; +\infty[=\mathbb{R} \mathbf{6}]$

القبحت المطلقب والمجالاست

التمرين الأول

|x+2| < 2 حل المتراجحة |x+2|

|x+2| < 2 معناه: 2 < |x+2| < 2

(بإضافة 2-4< x< 0).....-4< x< 0

 $x \in [-4; 0]$ ومنه:

إذن: حلول المتراجحة هي المجال [0;4-[

- اً أو أكبر $|x+a| \geq b$ قنبييه: عند حل متراجحات من الشكل $|x+a| \geq b$ تماما نستعين بجدول الاشارة
 - |x-3| > 2 حل المتراجعة *
 - جدول الاشارة

- (في صيغة حصر) $c-r \leq x \leq c+r$
 - (في صيغة مسافة) $d(c;x) \leq r$ •
- (في صيغة قيمة مطلقة) $|x-c| \le r$

الجدول الجدول الجدول

الحصر	المجال	المسافة	القيمة المطلقة
$1 \le x \le 5$	$x \in [1;5]$	$d(x;3) \le 2$	$ x-3 \le 2$
0 < x < 3	<i>x</i> ∈]0;3[$d(x; \frac{3}{2}) < \frac{3}{2}$	$ x - \frac{3}{2} < \frac{3}{2}$
-2 < x < 2	<i>x</i> ∈] −2;2[d(x;0) < 2	x < 2
-5 < x < -1	$x \in]-5;-1[$	d(x; -3) < 2	x+3 < 2
x < 0 ie $x > 2$	$x \in]-\infty;0[\cup]2;+\infty[$	d(1;x) > 1	1-x > 1
-5 < x < 1	$x \in]-5;1[$	d(x;-2) < 3	x+2 < 3
$-\sqrt{2} < x < \sqrt{2}$	$x \in]-\sqrt{2};\sqrt{2}[$	$d(x:0) < \sqrt{2}$	$ x < \sqrt{2}$
x < 0 jet $x > 2$	$x \in]-\infty;0[\cup]2;+\infty[$	d(x;1) > 1	$ x-1 \ge 1$
-2 < x < -1	$x \in]-2;-1[$	$d(x; \frac{3}{2}) < \frac{1}{2}$	$\left x + \frac{3}{2} \right < \frac{1}{2}$

حتابة C دون رمز القيمة المطلقة \mathcal{L}

للإجابة على مثل هذه الاسئلة دوما نستعين بجدول الاشارة

			جدول الاشارة	جدول	
x	8-	3	7	4	8
إشارة 3 – x	ı	0	+	+	
إشارة 4 – x	ı		-	+	
x - 3	3-x	0	х-3	х-3	
x - 4	4-x		4-x (0 x-4	
C	(3-x)+2(4-x) $(x-3)+2(4-x)$ $(x-3)+2(x-4)$	∑-x)	3)+2(4-x)	(x-3)+2(x-	4)

x	$-\infty$		3		+∞
إشارة3 <i>- x</i>		-	0	+	
x-3		3-x	0	x-3	
x-3 > 2		3-x > 2		x-3 > 2	

على المجال [3] x < 1 أي: x > 2 ومنه على المجال [- ∞ ; 3] على المجال $]-\infty;1[$ الحلول تنتمى إلى المجال

نتيجة: حلول المتراجحة على $[8;\infty-[$ هي تقاطع المجالين:

★......] $-\infty$; 3] \cap] $-\infty$; 1[=] $-\infty$; 1[

على المجال : $3 + \infty$ [المتراجحة تصبح 2 < x - 3 أي: $3 + \infty$ ومنه $]5;+\infty[$ الحلول تنتمى إلى المجال

نتيجة: حلول المتراجحة على $]\infty+;5[$ هي تقاطع المجالين:

 $\lambda \dots 3; +\infty \cap 5; +\infty = 5; +\infty$

 $]-\infty;1[\cup]5;+\infty[$

باقى الأمثلة تناقش بنفس الطريقة مع المثالين السابقين

التمرين الثاني

x - 2 ائی: x - 2 ائی: x - 2 ائی:

(بإضافة 2 إلى كل طرف).....-1 < x < 5 معناه: -3 < x - 2 < 3

-1 < x < 5 أي: لدينا من السؤال السابق 2x + 1

ومنه: -2 < 2x < 10 ومنه: الموجب) ومنه:

(بإضافة 1إلى كل طرف).....-1 < 2x + 1 < 11

* حصر x < 5! لدينا من السؤال السابق x < 5! لدينا من السؤال السابق x < 5!

(بضرب كل طرف في (5–) السالب)....–25 x < 5

ومنه: 9 < 4 - 5x < 9 ومنه: 9 < 4 - 5x < 9

|x-2|=|2-x| لا تتغير نتيجة الحصر السابق لأن:

التمرين الثالث

 $^{\&}$ حدد حقیقی و r عدد حقیقی موجب، من أجل $^{\&}$ كل عدد حقيقى x النصوص الآتية متكافئة:

(في صيغة مجال) $x \in [c-r, c+r]$ •

C=5 حل المعادلة C=5

على المجال]3;3- [المعادلة تصبح:

 $2 \in]-\infty;3[$ ومنه: x=2 و x=3

x=2 (هي: x=2 هي: حلول المعادلة على المجال x=3

✔ على المجال: [3;4] المعادلة تصبح:

لكن: $[3;4] \neq 0$ ومنه المعادلة لاتقبل x = 0 أي: x = 0 أي: الكناء المعادلة التقبل

حلول على المجال: [3;4]

على المجال : $]4;+\infty$ المعادلة تصبح:

 $\frac{16}{3} \in]4; +\infty[$ ومنه: 3x = 16 ومنه: x - 3 + 2x - 8 = 5

 $x = \frac{16}{3}$:نيجة حلول المعادلة على]4; + ∞ [هي:

 $S = \left\{2; \frac{16}{3}\right\}$ هي: \mathbb{R} هي: $\left\{2; \frac{16}{3}\right\}$

باقي الامثلت تناقش بنفس الطربقة التمرين الخامس

بنفس الطريقة نجد:

 $P(\sqrt{5}) = 2\sqrt{5} - 8 \checkmark P(0) = -2 \checkmark P(-2) = 2 \checkmark$

:P(x)=x إيجاد قيم x بحيث: *

|2x-3|-5=x معناه: P(x)=x

جدول الاشارة

x	$-\infty$		$\frac{3}{2}$		+∞
إشارة 3 <i>–</i> 2 <i>x</i>		-	0	+	
2x - 3		3-2x	0	2x-3	
P(x)	3	3-2x-5		2x-3-5	
P(x) = x	3-	2x-5=x		2x-3-5=x	

-3x = 2 على المجال: $[-\infty; \frac{3}{2}]$ المعادلة تصبح:

 $-\frac{2}{3} \in]-\infty; \frac{3}{2}$ و $x = -\frac{2}{3}$:د

 $x = -\frac{2}{3}$: هي: حلول المعادلة على المجال [$\frac{3}{2}$] حلول المعادلة على المجال

x=8 أي 2x-8=x على المجال $\frac{3}{2};+\infty$ [المعادلة تصبح: $8 \in]\frac{3}{2}; +\infty[$

x=8 : حلول المعادلة على المجال ∞ ; ∞ هي:

 $S = \left\{-\frac{2}{3};8\right\}$ هي: P(x) = x التي تحقق X التي تحقق أيد في الجيء

P(x) = 2 حل المعادلة \Re

معناه: $x \in]-\infty; \frac{3}{2}$ من جدول الاشارة السابق لدينا: $x \leq \frac{3}{2}$

x=-2 أي -2x-2=2 على المجال [$\frac{3}{2}$] تصبح المعادلة : x=-2 $-2 \in]-\infty; \frac{3}{2}]$

x=-2 هي: حلول المعادلة على المجال $[\frac{3}{2}]$

 $P(x) \le 2x - 5$ حل المتراجحة \Re

من جدول الاشارة السابق لدينا:

على المجال $\frac{3}{2}$: $-2x - 2 \le 2x - 5$ أي:

(مجال انتماء الحلول) $x \in \frac{3}{4}$; + ∞ ومنه: $x \ge \frac{3}{4}$ ومنه: $4x \ge 3$

:نتیجة حلول المتراجحة علی $\frac{3}{2}$ [هی تقاطع المجالین:

 $\left|-\infty; \frac{3}{2}\right| \cap \left[\frac{3}{4}; +\infty\right] = \left[\frac{3}{4}; \frac{3}{2}\right]$

 $2x-8 \leq 2x-5$ على المجال: $\frac{3}{2}$; $+\infty$ [المتراجحة تصبح: \checkmark

أي: $5- \ge 8-$(تــناقض) ومنه: ليس للمعادلة حلول على هذا

حلول المتراجحة على \mathbb{R} هي المجال $\frac{3}{6}$

 $P(x) \le 10^{-3}$: حل المتراجحة %

من جدول الاشارة السابق لدينا:

على المجال $\left[\frac{3}{2};+\infty\right]$ المتراجحة تصبح:

:منه $x \le \frac{10^{-3} + 8}{2}$ أي: $2x - 8 \le 10^{-3}$

(مجال انتماء الحلول)..... $x \in]-\infty; \frac{10^{-3}+8}{2}$

نتيجة: حلول المتراجحة على $\infty+;\frac{3}{2};+\infty$ هي تقاطع المجالين:

 $\left[\frac{3}{2}; +\infty\right] \cap \left[-\infty; \frac{10^{-3}+8}{2}\right] = \left[\frac{3}{2}; \frac{10^{-3}+8}{2}\right]$

لا تعطني سمكتر بل علمني كيف اصطاده